



FAKULTA  
STROJNÍ  
ČVUT V PRAZE

# Tlumení hydrostatických vedení obráběcích strojů

Ing. Tomáš Lazák, Ph.D. a Ing. Eduard Stach, Ph.D.

18.09.2024

---

[www.rcmt.cvut.cz](http://www.rcmt.cvut.cz)

ČESKÉ VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V PRAZE | FAKULTA STROJNÍ

**Ústav výrobních strojů a zařízení | RCMT**

Horská 3 | 128 00 Praha 2 | Česká republika | tel.: +420 221 990 914 | email: [info@rcmt.cvut.cz](mailto:info@rcmt.cvut.cz)

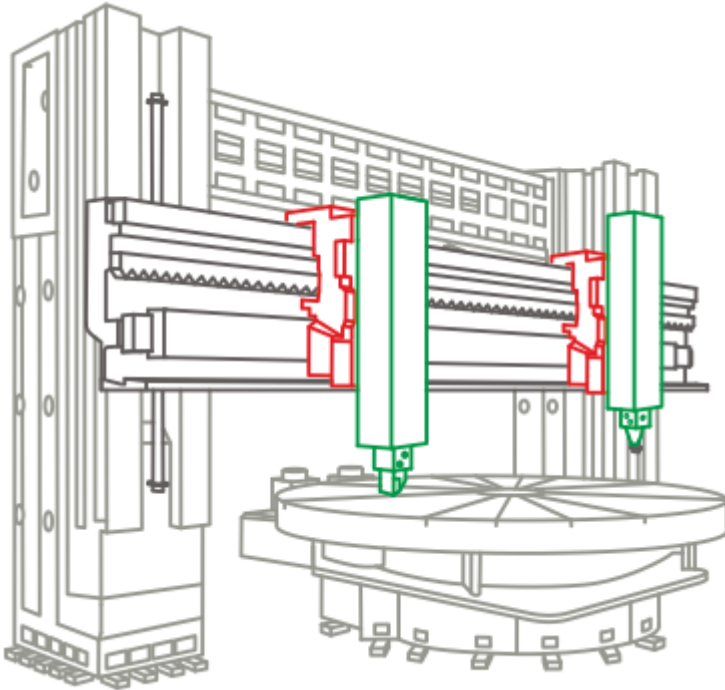


# Obsah

- Úvod
- Motivace k řešení tlumení
- Tlumení hydrostatických vedení
- Modely tlumení hydrostatických kapes
- Propojení modelu HS s mechanickou stavbou
- Přístup k návrhům tuhosti a tlumení spojů pohybových os
- Verifikace modelů tuhosti a tlumení hydrostatiky měřením
- Optimalizace návrhů hydrostatických vedení z hlediska tlumení a tuhosti
- Shrnutí

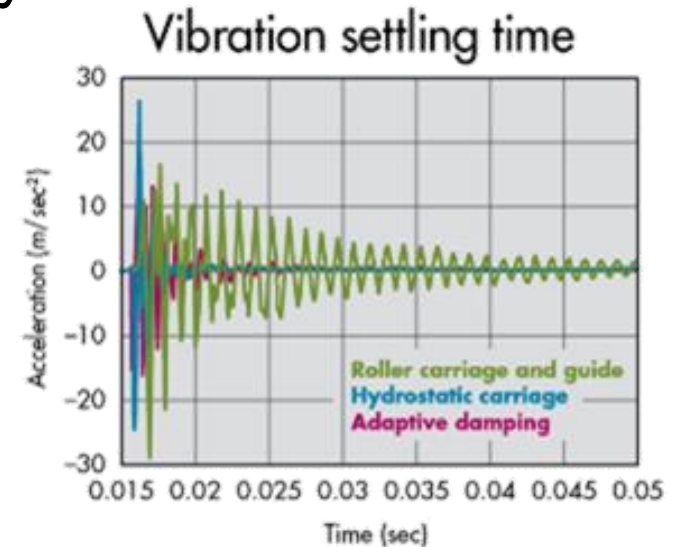
# Aktuální stav v problematice hydrostatických vedení

- HS vedení je základní typ vedení obráběcích strojů
- Založena na neustálé dodávce hydraulického oleje mezi vodící plochy
- Počátky: 60. – 70. léta 20. století
- Velmi malý součinitel tření
- Vysoká životnost, únosnost, tuhost a tlumení
- Komplikovaná konstrukce, náročná výroba, údržba a provoz

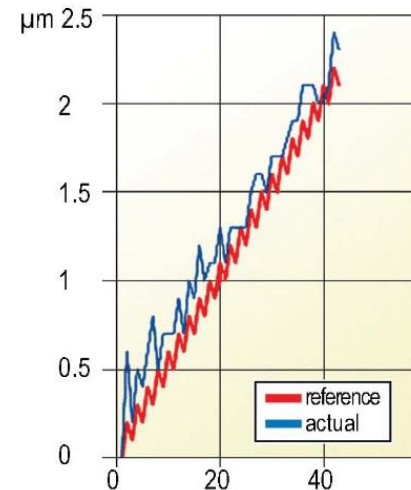


# Hydrostatická (HS) vedení Požadavky v oboru obráběcích strojů (OS)

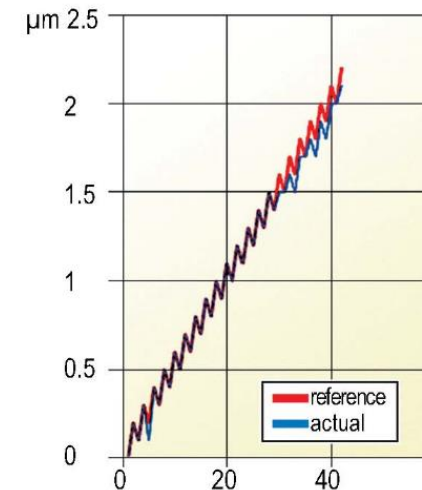
- Základní funkční požadavky na HS vedení OS
  - 1) Plynulý pohyb
  - 2) **Vysoká únosnost**
  - 3) **Vysoká tuhost**
  - 4) **Vysoké tlumení**
  - 5) Vysoká přesnost
  - 6) Nízké pasivní odpory ( $f = 10^{-4}$  to  $10^{-5}$ ):
    - 10 - 100x nižší než valivá vedení
    - 1000 - 10000x nižší než kluzná vedení
  - 7) Vysoká životnost (vodící plochy se nedotýkají, ani při nulové rychlosti – teoreticky nulové opotřebení)



Comparison motion smallest increment 1/10  $\mu\text{m}$ : Linear drives with precision guideways

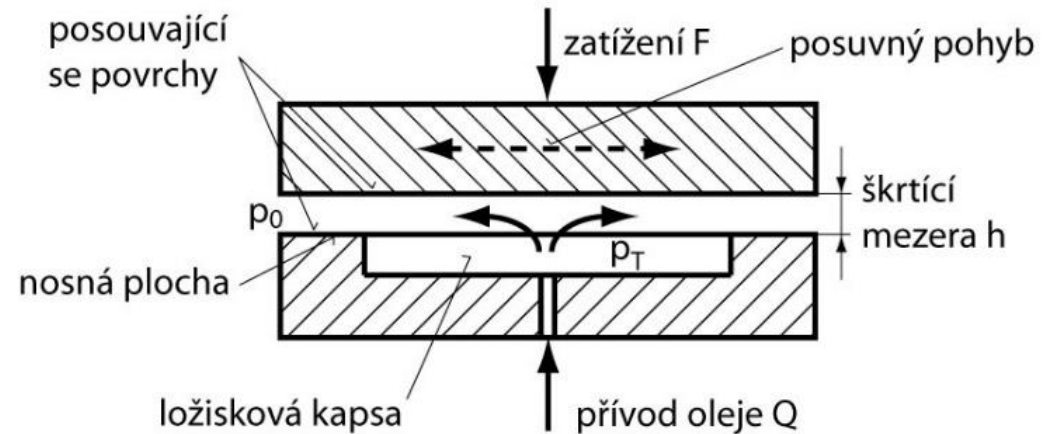


Comparison motion smallest increment 1/10  $\mu\text{m}$ : Hydrostatic axis with hydrostatic drives

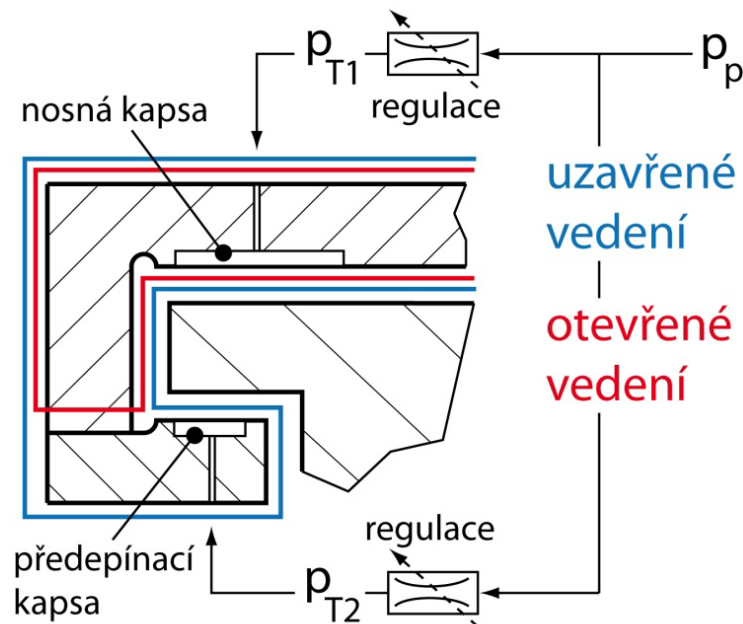


# Hydrostatická vedení

- Hydrostatická vedení se skládají z:
  - Hydrostatická kapsa
  - Vodící plocha vedení
  - Regulace průtoku



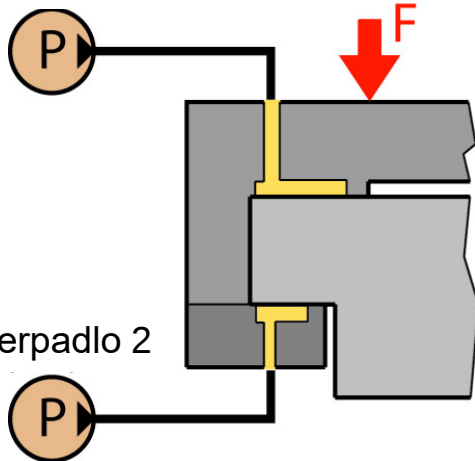
- Hydrostatická vedení jsou používána ve většině případů jako uzavřená s předpětím. V ojedinělých případech jako vedení otevřená bez předpětí.



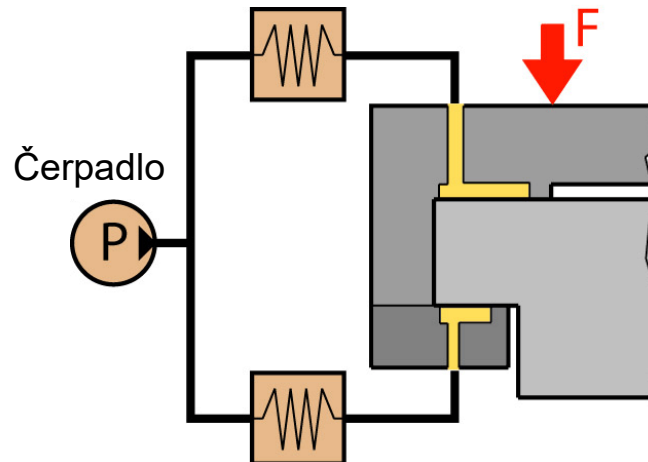
# Hydrostatická vedení a regulace průtoku

- Regulace konstantním průtokem ( $Q = konst.$ ):
  - Dělič průtoku
  - Jedno čerpadlo pro každou kapsu
- Regulace odporem ( $p_p = konst.$ ):
  - Konstantní odpor (kapilární trubka, ...)
  - Regulace odporem s progresivní charakteristikou (PM regulátor)

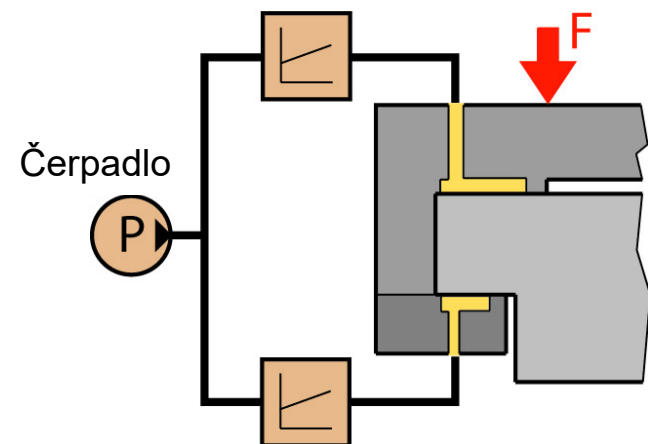
Čerpadlo 1



Kapilární trubka

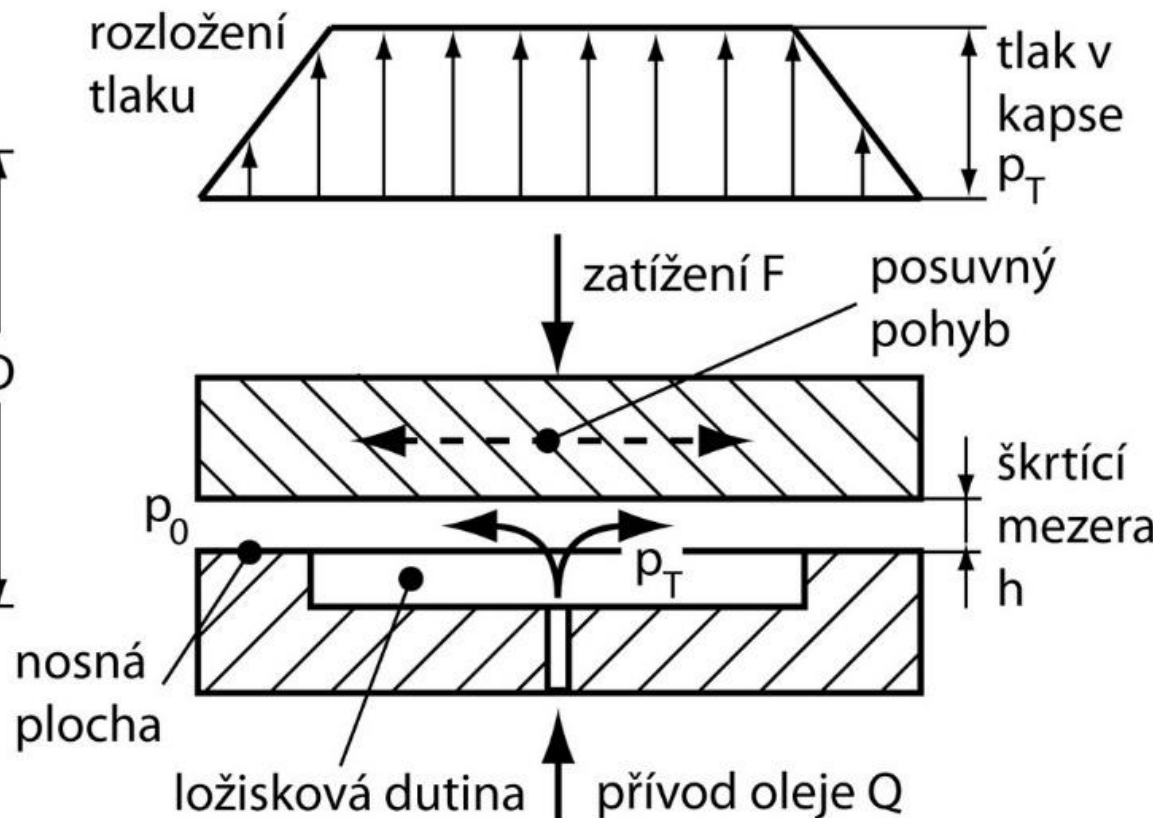
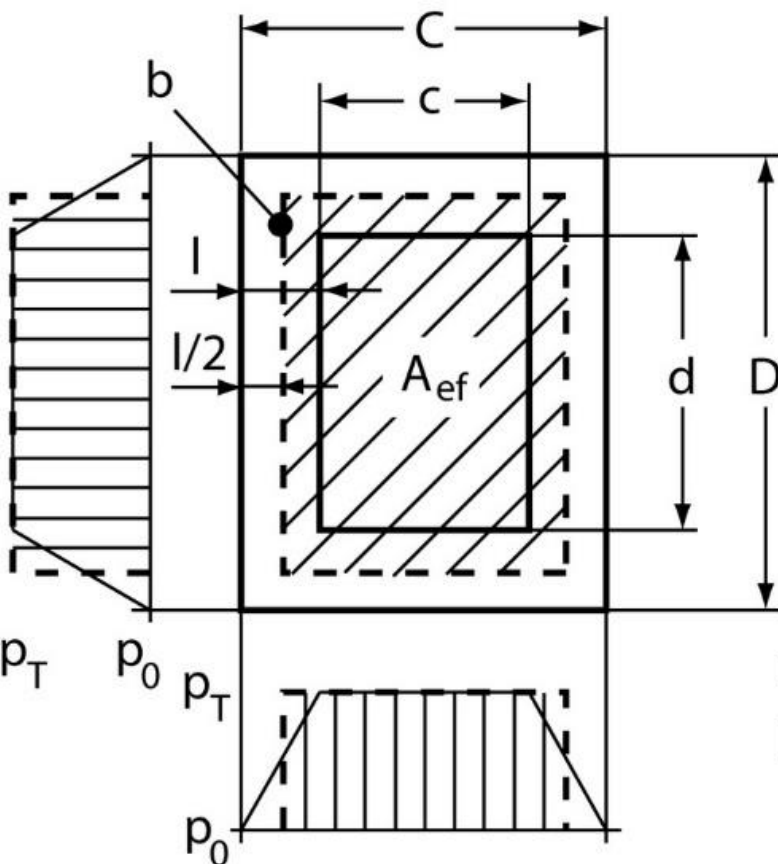


PM regulátor



# Princip funkce HS kapsy

- Neustálý přísun hydraulického oleje do HS kapsy
- Hydraulický odpor lemů brání oleji v odtékání a dochází k nárůstu tlaku
- Tlak v dutině působí na efektivní plochu a tak vyvodí reakční sílu na zatížení silou  $F$

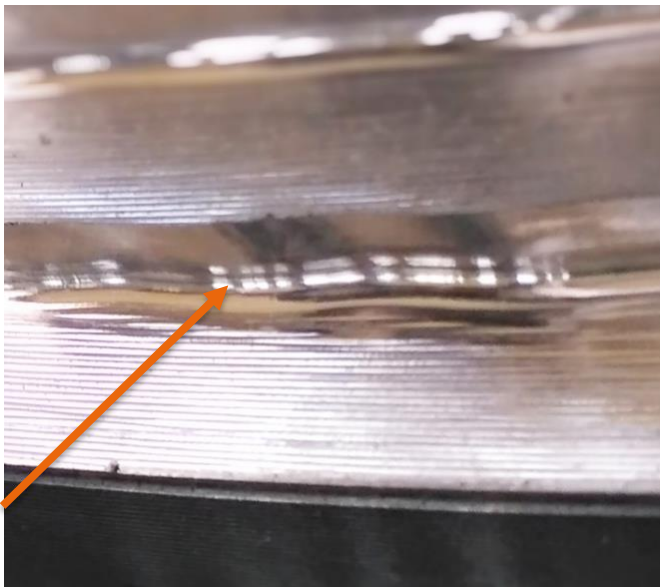


# Motivace pro výzkum tlumení HS vedení

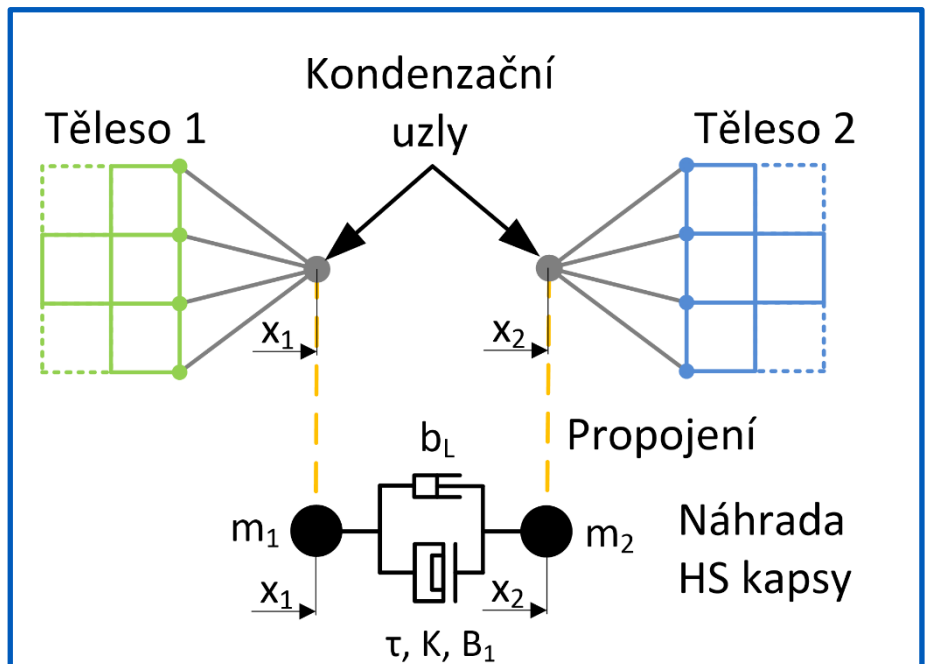
- Požadavek na zvyšování produktivity a dalších užitných vlastností OS
  - Požadavek nízké dynamické poddajnosti
    - Požadavek na vysoké tlumení
- Potřeba **prediktivně modelovat dynamické chování** stroje
  - Trend lokálního modelování tlumení
  - Vysoký potenciál HS vedení



## Ukázka nestability



## Propojení těles náhradou HS kapsy



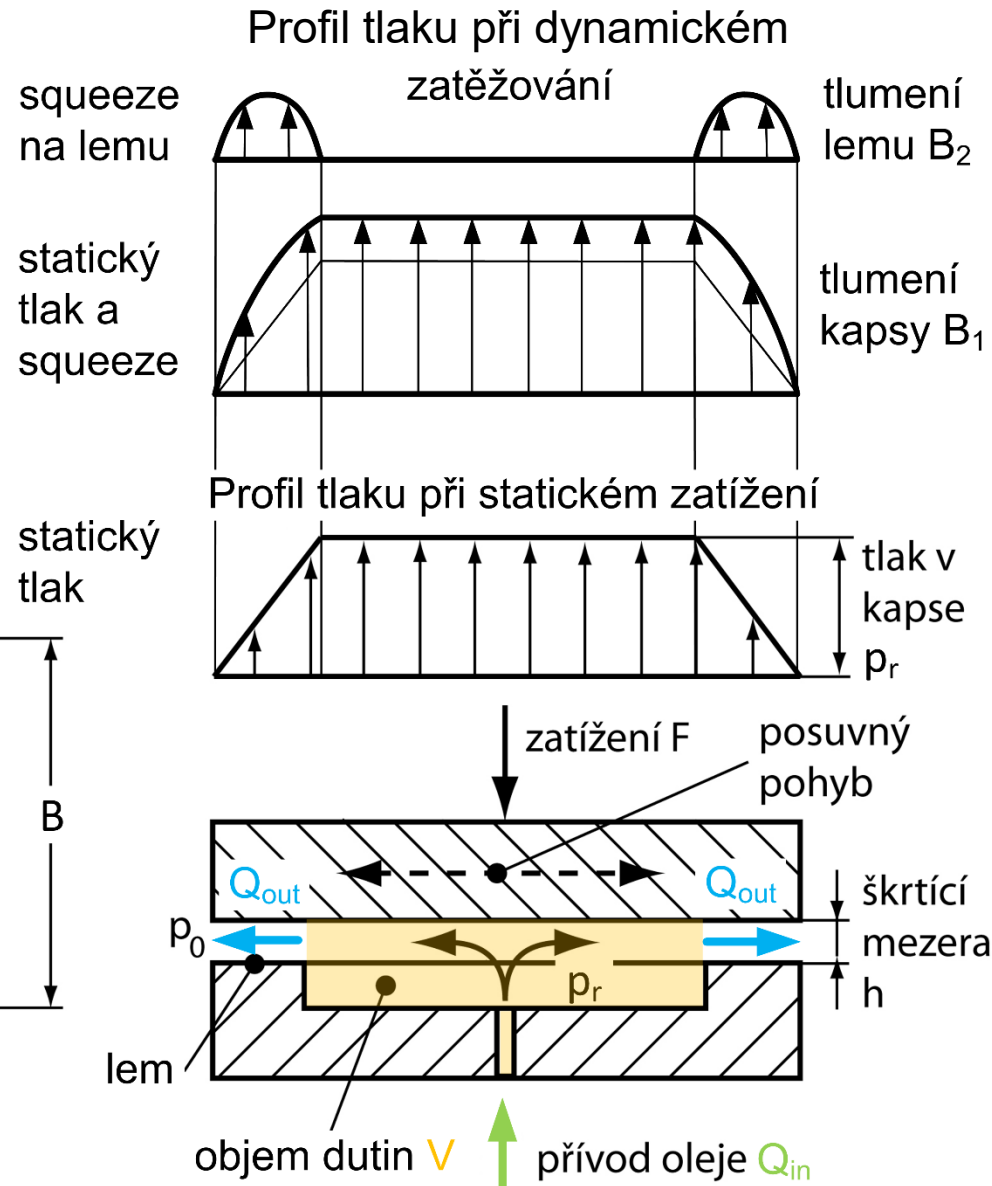
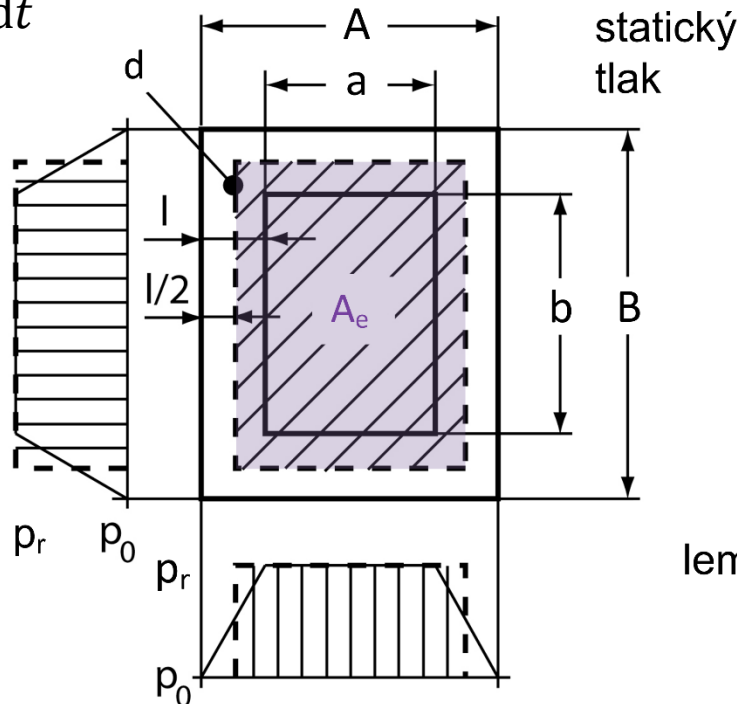
# Tlumení hydrostatické kapsy s kapilárním regulátorem

$$Q_{in} = \frac{p_p - p_r}{\mu K_C}$$

$$Q_{out} = \frac{p_r}{R_K} = p_r \frac{\bar{B} h^3}{\mu}$$

$$Q_c = \frac{V}{E_f} \frac{dp_r}{dt}$$

$$Q_{sq} = A_e \frac{dh}{dt}$$



# Tlumení hydrostatické kapsy s kapilárním regulátorem

- Vychází se z bilance průtoku HS kapsou

$$Q_{\text{in}} = Q_{\text{out}} + Q_{\text{sq}} + Q_{\text{c}}$$

- Pro dynamické namáhání a malé výchylky

$$\frac{dQ_{\text{in}}}{dp_r} p = \frac{\partial Q_{\text{out}}}{\partial p_r} p + \frac{\partial Q_{\text{out}}}{\partial h} h + A_e \frac{dh}{dt} + \frac{V}{E_f} \frac{dp}{dt}$$

- Po provedení vyznačených operací, úpravách a Laplaceově transformaci obdržíme přenos olejového filmu

$$G_{\text{OF}}(s) = \frac{x(s)}{F(s)} = \frac{\frac{\bar{B} h_0^3}{\mu} - \frac{1}{\mu K_C} + \frac{V}{E_f} s}{3p_r A_e \frac{\bar{B} h_0^2}{\mu} + A_e^2 s}$$

- Po dalších úpravách lze vyjádřit frekvenčně závislou tuhost  $K(\omega)$  a tlumení  $B_1(\omega)$

# Tlumení hydrostatické kapsy s kapilárním regulátorem

- Frekvenčně závislá tuhost

$$K(\omega) = \frac{\frac{3A_e p_r \bar{B} h_0^2}{\mu} \left( \frac{1}{\mu K_C} + \frac{\bar{B} h_0^3}{\mu} \right) + \frac{V A_e^2 \omega^2}{E_f}}{\left( \frac{1}{\mu K_C} + \frac{\bar{B} h_0^3}{\mu} \right)^2 + \frac{V^2 \omega^2}{E_f^2}}$$

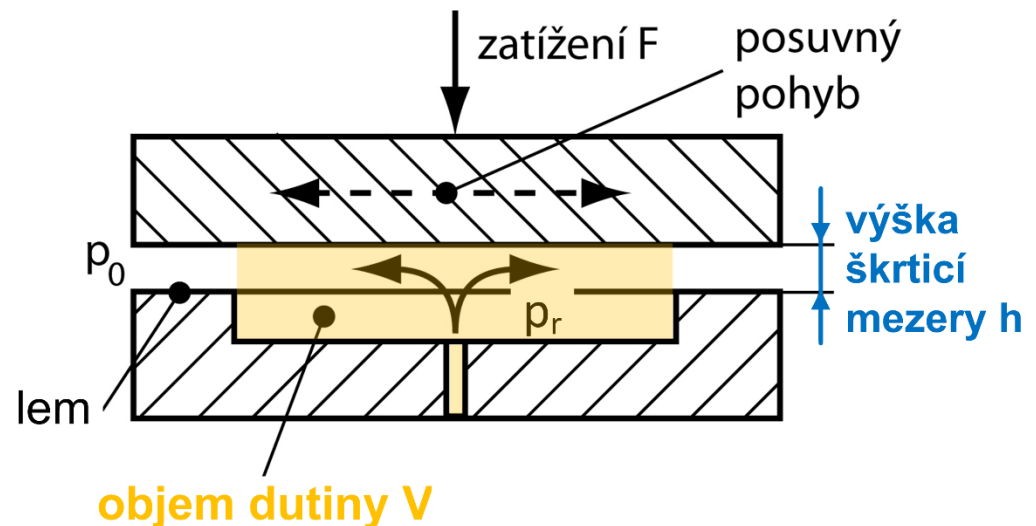
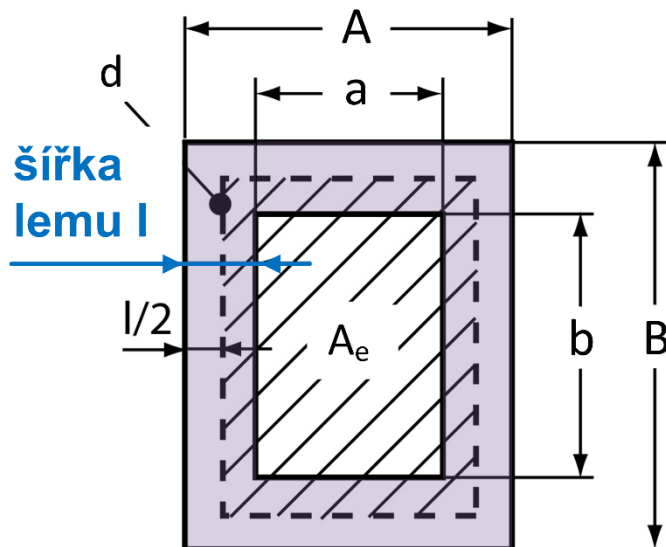
- Frekvenčně závislé tlumení

$$B_1(\omega) = \frac{A_e^2 \left( \frac{1}{\mu K_C} + \frac{\bar{B} h_0^3}{\mu} \right) - \frac{3A_e p_r \bar{B} h_0^2}{\mu} \frac{V}{E_f}}{\left( \frac{1}{\mu K_C} + \frac{\bar{B} h_0^3}{\mu} \right)^2 + \frac{V^2 \omega^2}{E_f^2}}$$

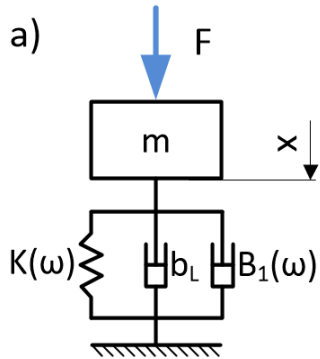
# Nejvhodnější parametry pro optimalizaci tlumení

Parametry s nejvyšším vlivem na tlumení **vhodné pro optimalizaci** jsou

- **Stlačitelnost kapaliny** v dutině kapsy a potrubí mezi regulátorem a kapsou
  - Daná modulem pružnosti kapaliny  $E_f$  a **objemem dutiny  $V$**
- Viskozita oleje  $\mu$
- Výška škrticí mezery  $h$
- Šířka lemu  $l$
- Vliv dalších parametrů je patrný z odvozených rovnic



# Propojení s mechanickou strukturou

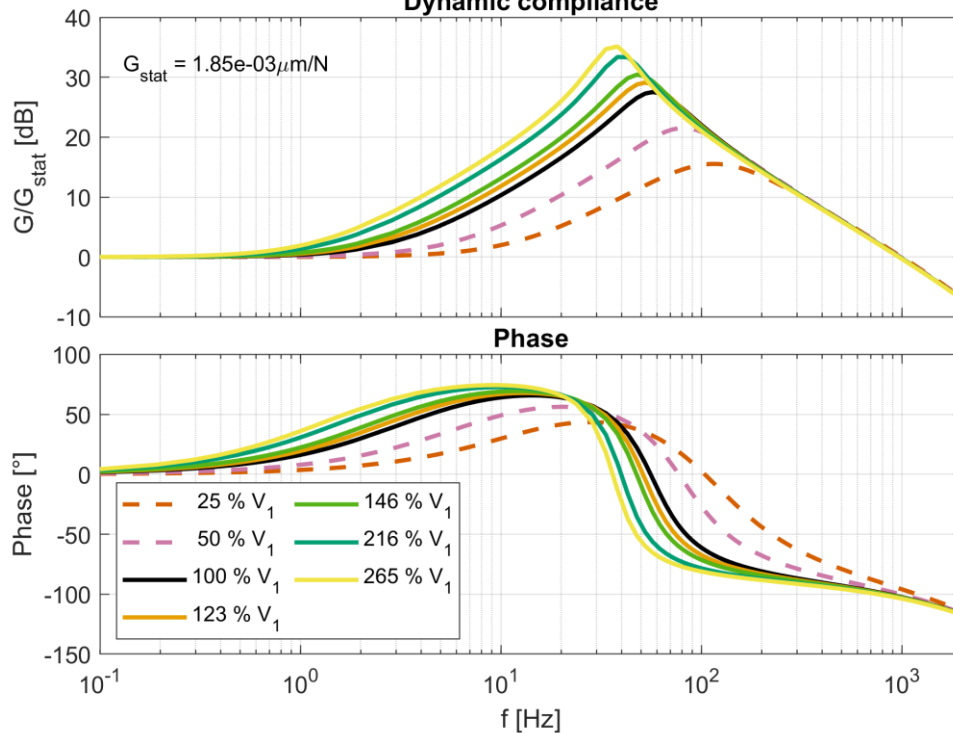


Dynamická poddajnost hmoty uložené pomocí HS vedení

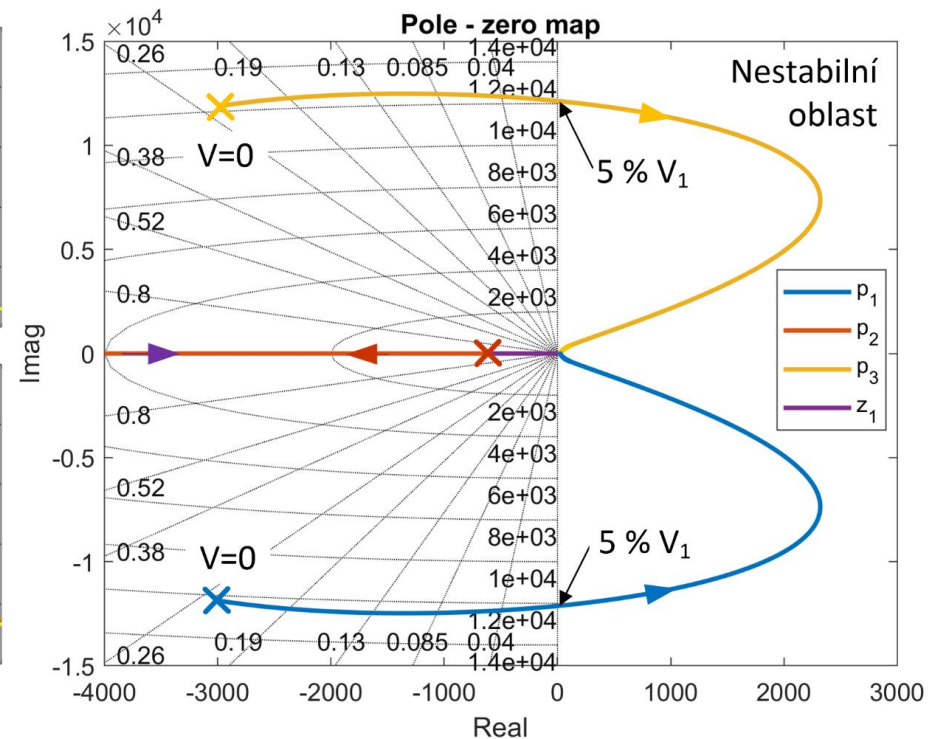
$$G(s) = \frac{X(s)}{F(s)} = \frac{1}{ms^2 + i_K(b_L + B_1(\omega))s + i_KK(\omega)}$$

## Dynamická poddajnost

Dynamic compliance

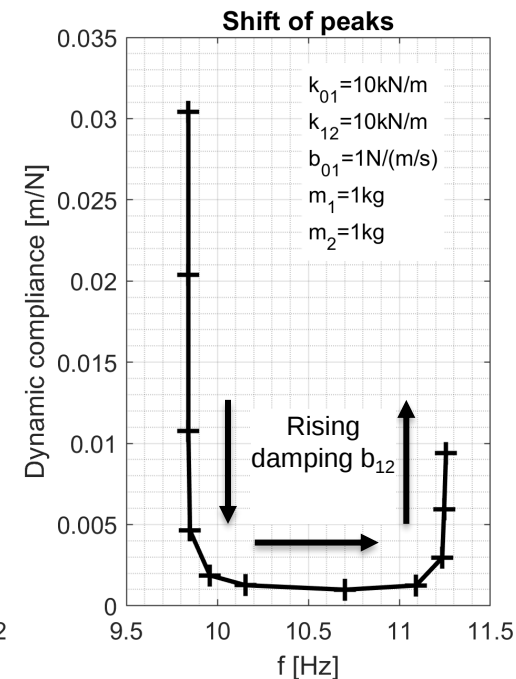
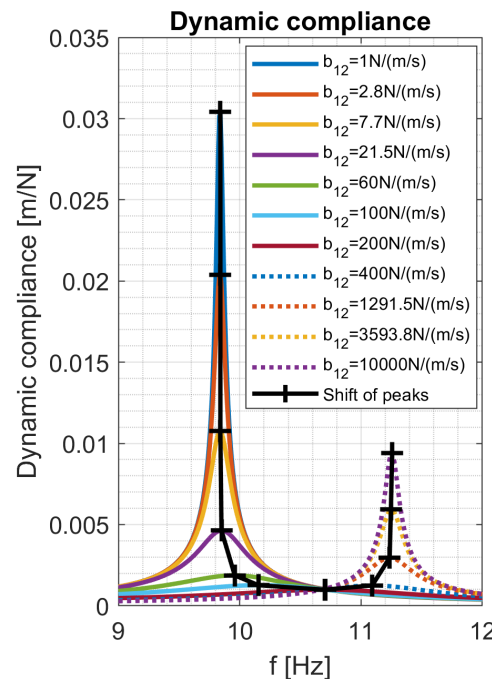
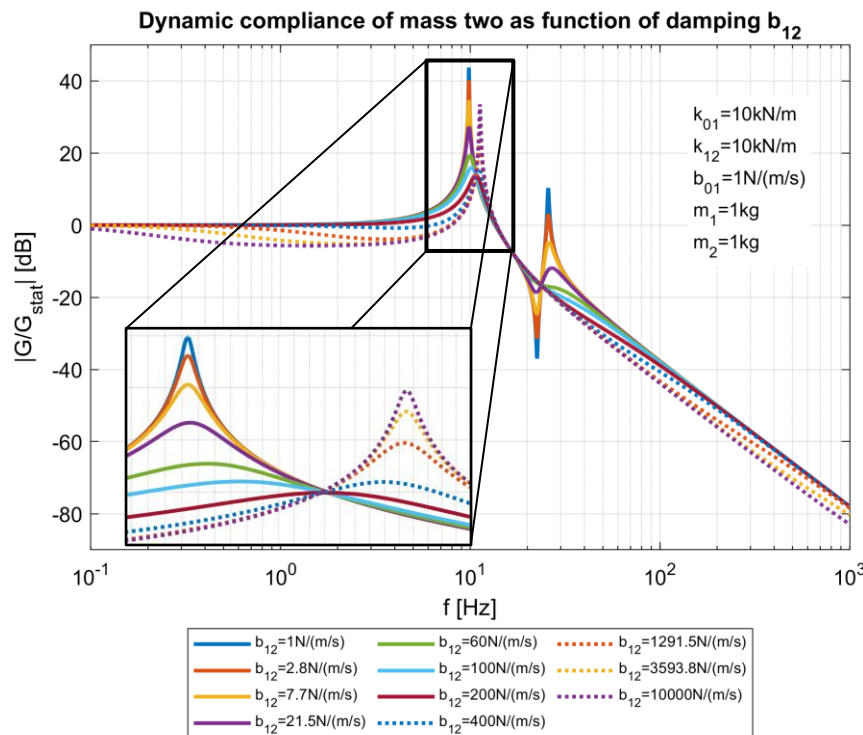


## Vyšetření stability



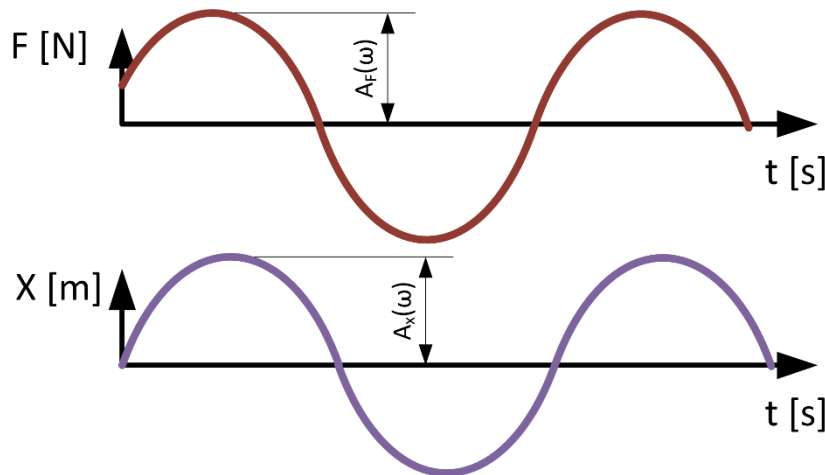
# Přístup k návrhům tuhosti a tlumení pohybových os

- Vliv lokální tuhosti a tlumení HS vedení na dynamickou poddajnost na nástroji.
- Jak správně navrhovat tuhost a tlumení HS vedení ve vazbě na nosnou strukturu stroje?
- **Správná volba tuhosti a tlumení spojů je klíčová pro minimalizaci statické a dynamické poddajnosti na nástroji.**
- **Maximalizace lokální tuhosti a tlumení spojů není vždy prostředkem k minimalizování dynamické poddajnosti na nástroji. Je vhodné nalézt optimální tuhost a tlumení spojů (HS vedení).**

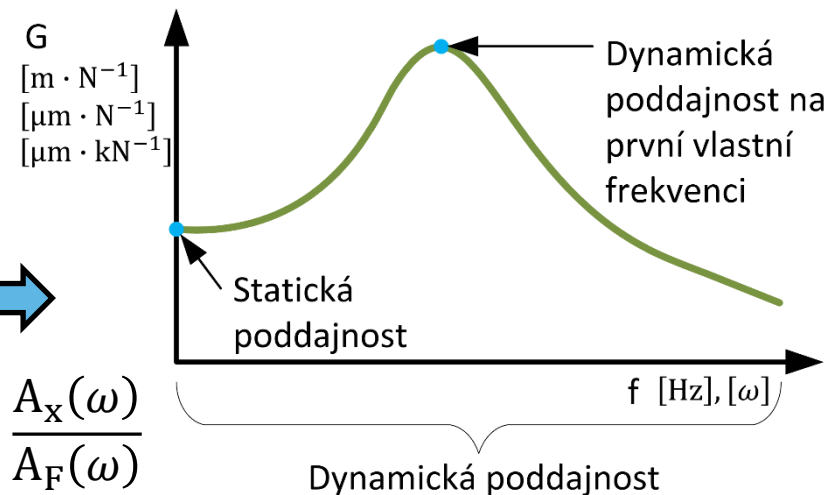


# Statická tuhost, poddajnost a dynamická poddajnost

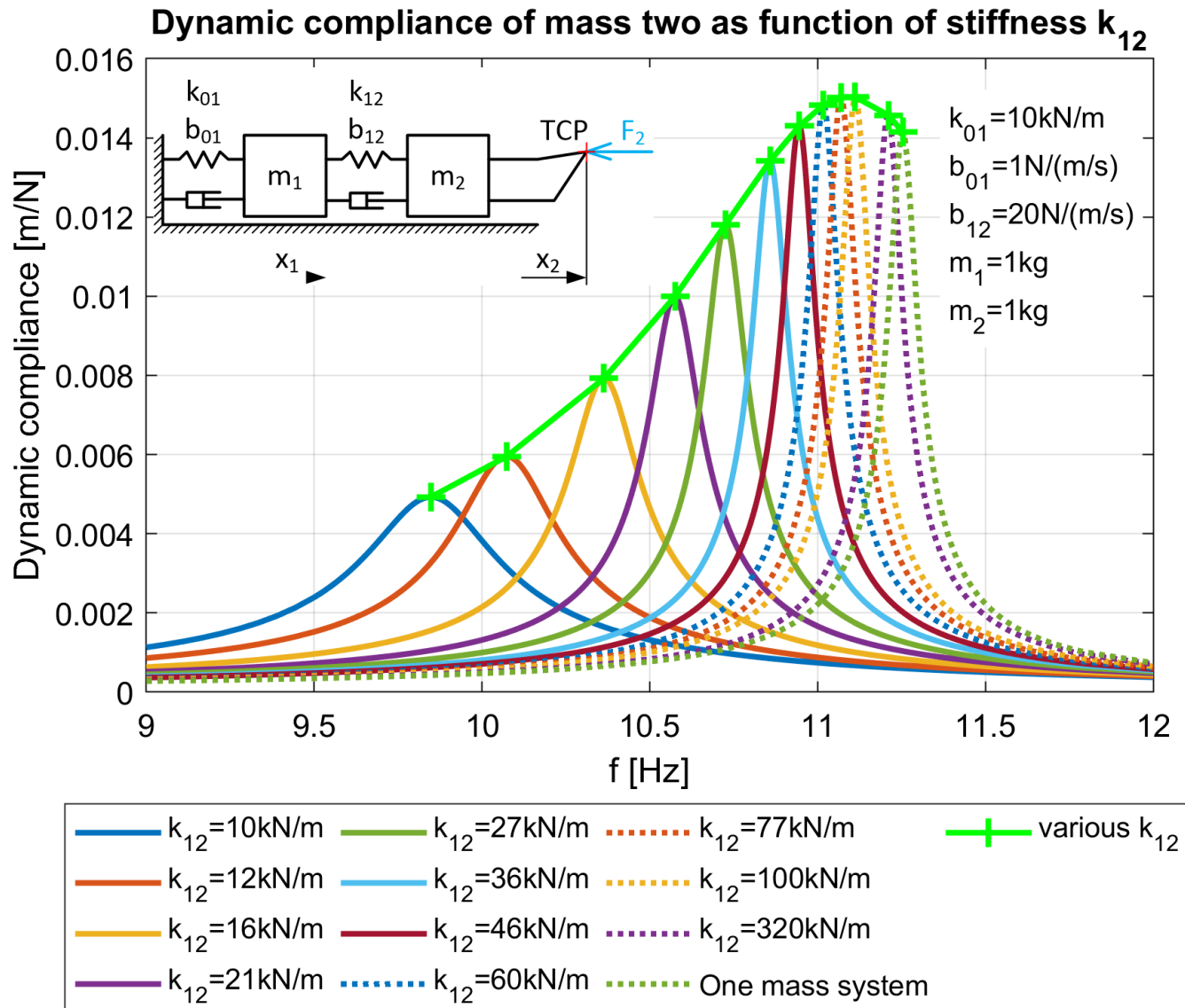
- Tuhost je definována jako změna délky vzhledem k velikosti působící síly  $k = \frac{dF}{dx}$
- Poddajnost je převrácená hodnota tuhosti  $\delta = \frac{1}{k} = \frac{dx}{dF}$ 
  - Jednotka tuhosti  $k$  je  $[N \cdot m^{-1}]$ ,  $[N \cdot \mu m^{-1}]$
  - Jednotka poddajnosti  $\delta$  je  $[m \cdot N^{-1}]$ ,  $[\mu m \cdot kN^{-1}]$ , ...
- Dynamická poddajnost  $G(\omega)$  je poměr amplitudy výchylky (deformace) systému  $A_x(\omega)$  k amplitudě harmonického zatížení  $A_F(\omega)$  působícího na systém.



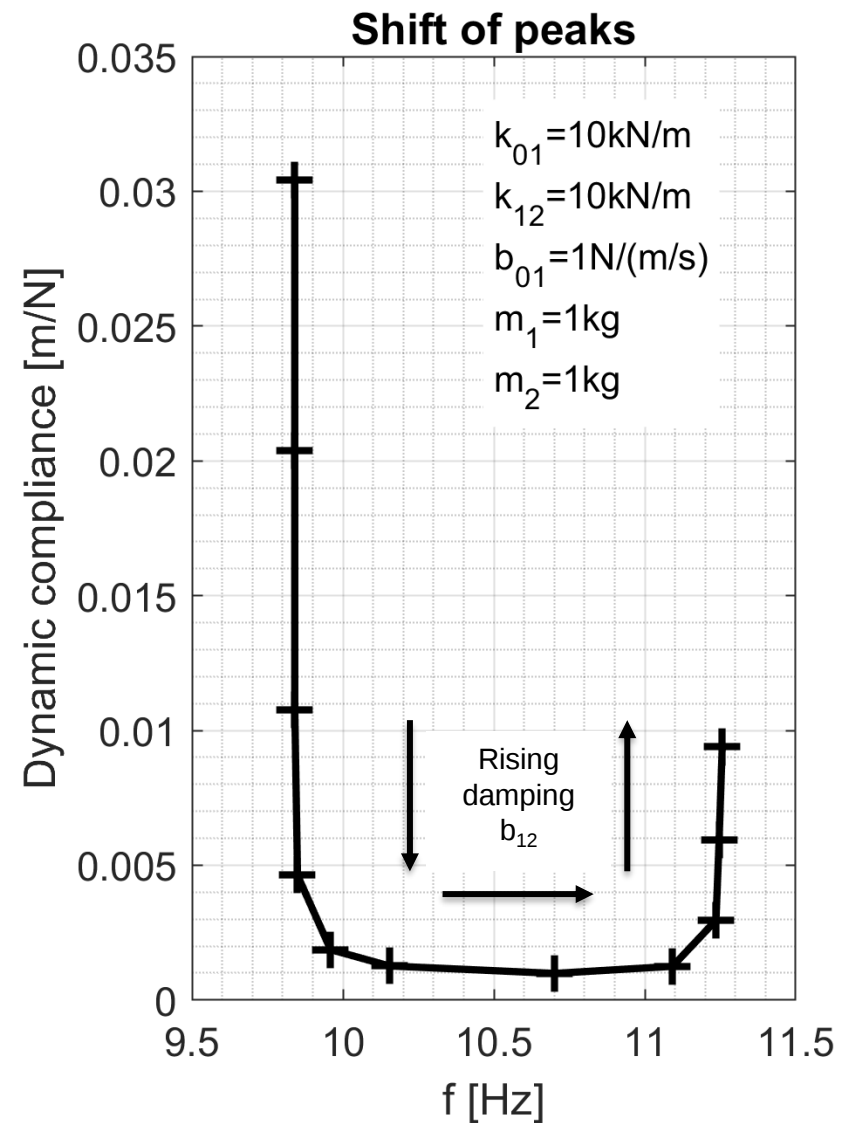
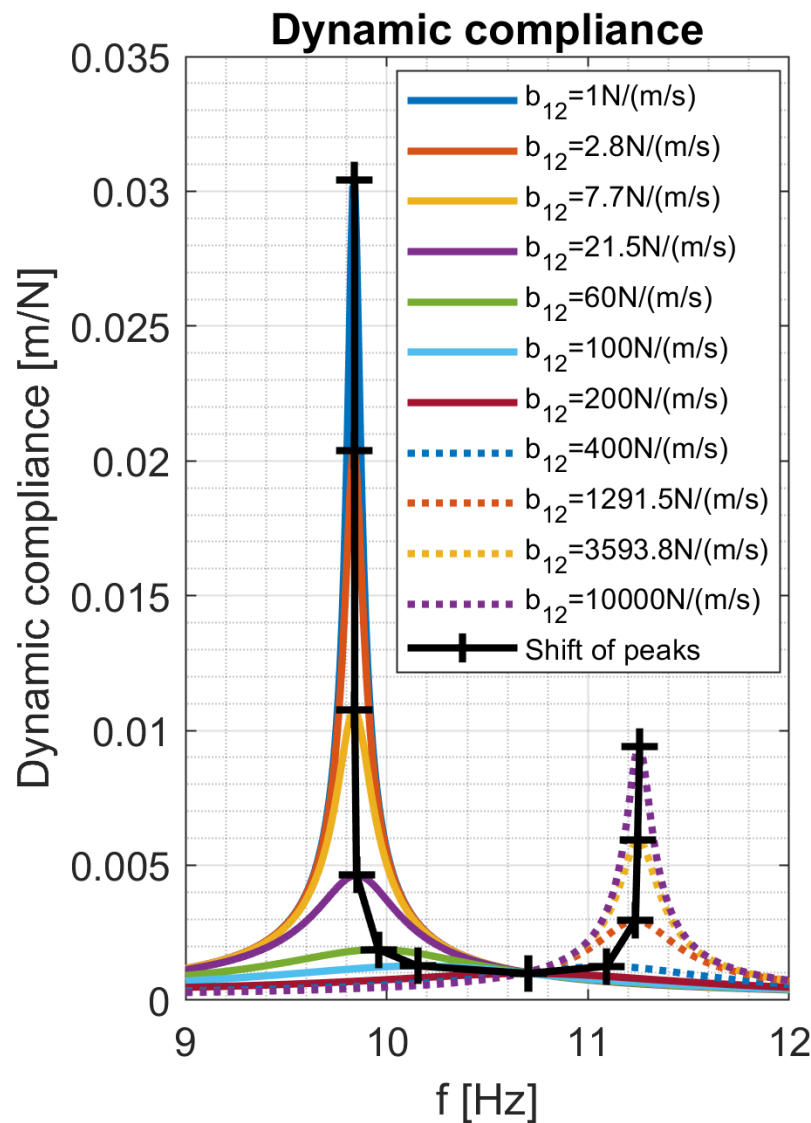
$$G(\omega) = \frac{A_x(\omega)}{A_F(\omega)}$$



# Vliv poddajnosti HS vedení na dynamickou poddajnost na nástroji

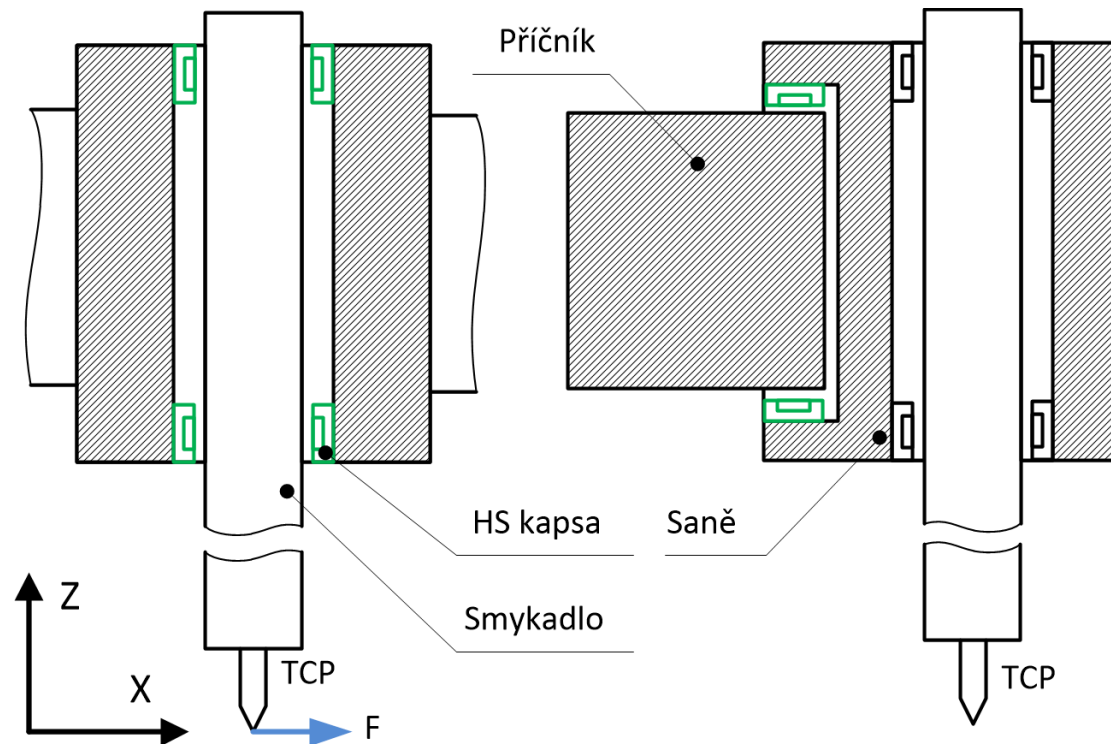
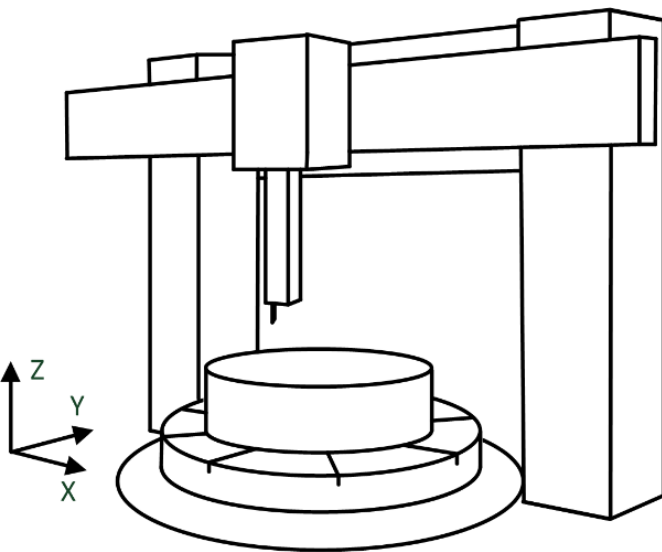


# Vliv tlumení HS vedení na dynamickou poddajnost na nástroji



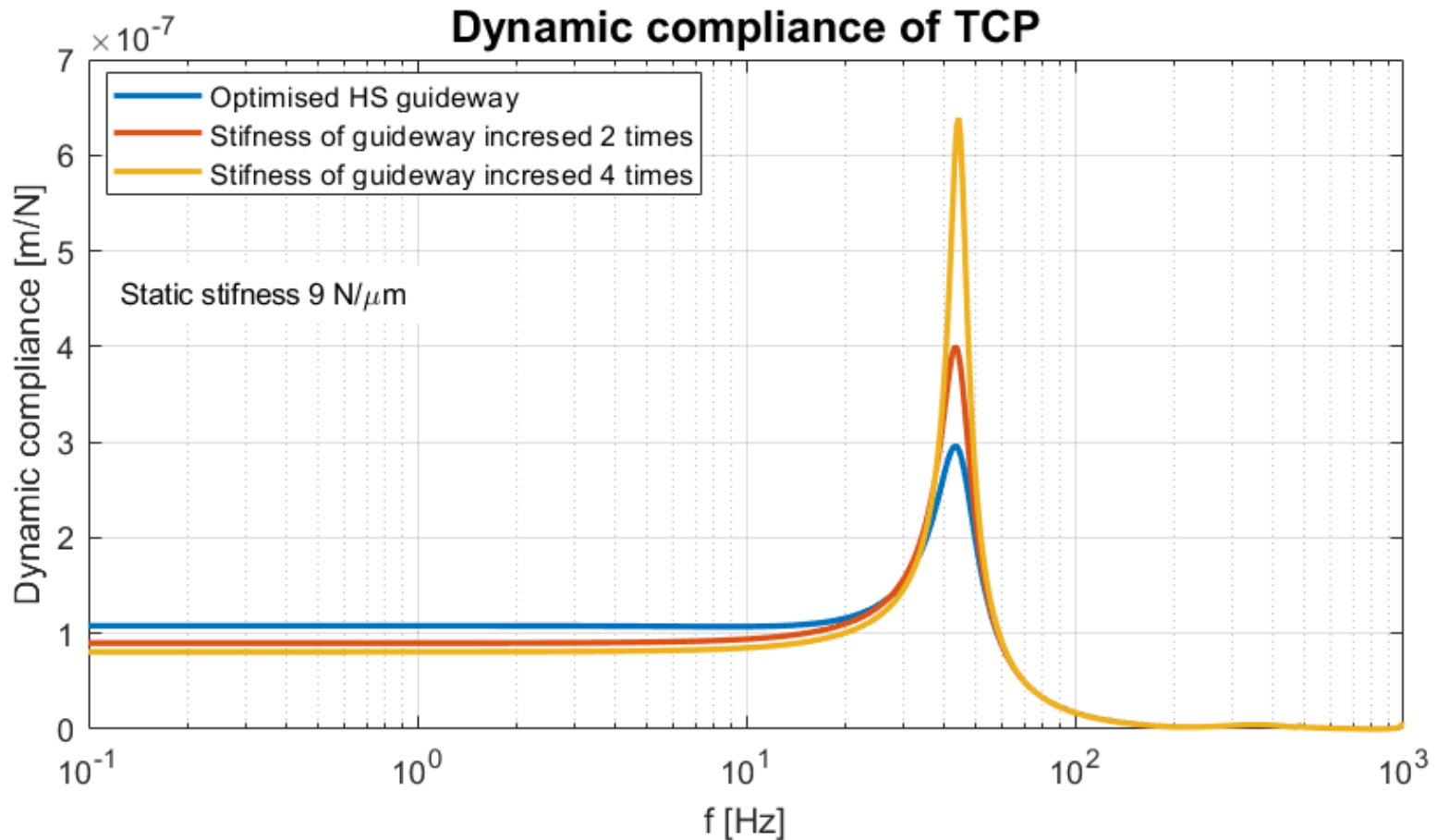
# Vliv poddajnosti HS vedení na dynamickou poddajnost na nástroji

- Příklad vertikálního soustruhu s poddajným smykadlem a příčnickem
- Byla nalezena optimální tuhost a tlumení HS kapes pro snížení statické a dynamické poddajnosti



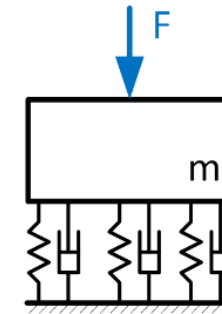
# Vliv poddajnosti HS vedení na dynamickou poddajnost na nástroji

- Zvýšení tuhosti kapes HS vedení na smykadle může vést ke zvýšení dynamické poddajnosti
  - Statická poddajnost klesla o 20 %
  - Dynamická poddajnost vzrostla o 110 %



# Validace měřením na testovací stolici

- Testovací stolice se třemi HS kapsami
- Buzení piezoaktuátorem
- Výchylka měřena kapacitním snímačem
- Měření FRF



Tuhost a  
tlumení HS  
kapes

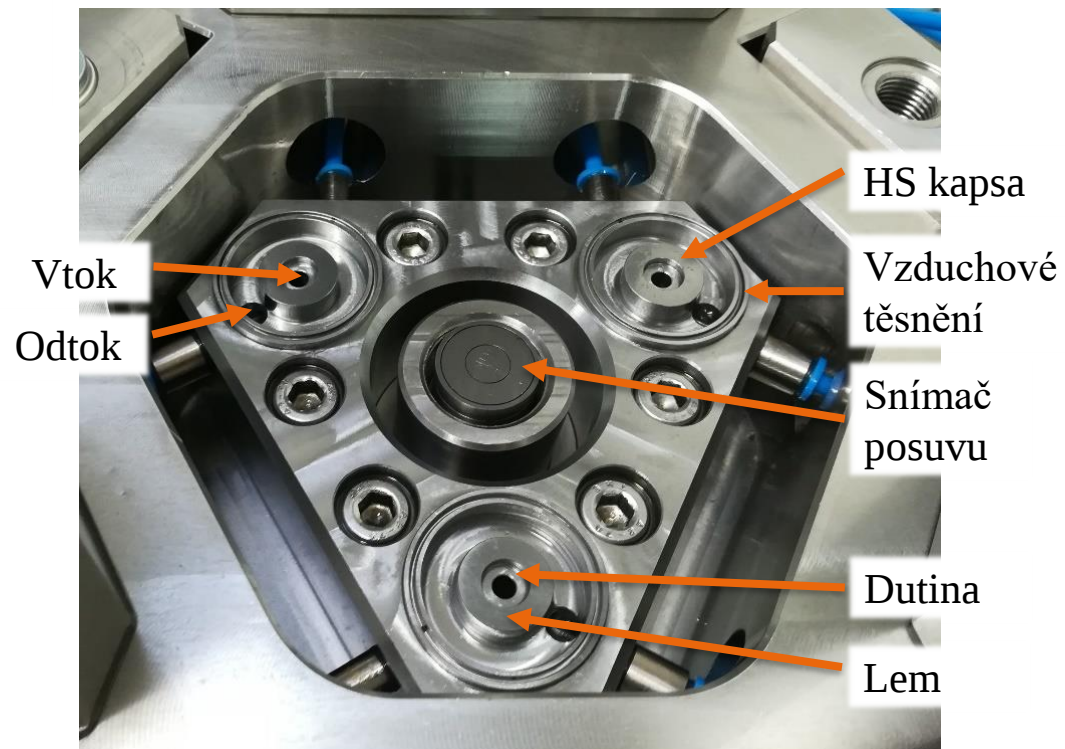


Piezoaktuátor

Snímač  
síly

Pohyblivá  
hmota

Regulátor



Vtok  
Odtok

HS kapsa

Vzduchové  
těsnění

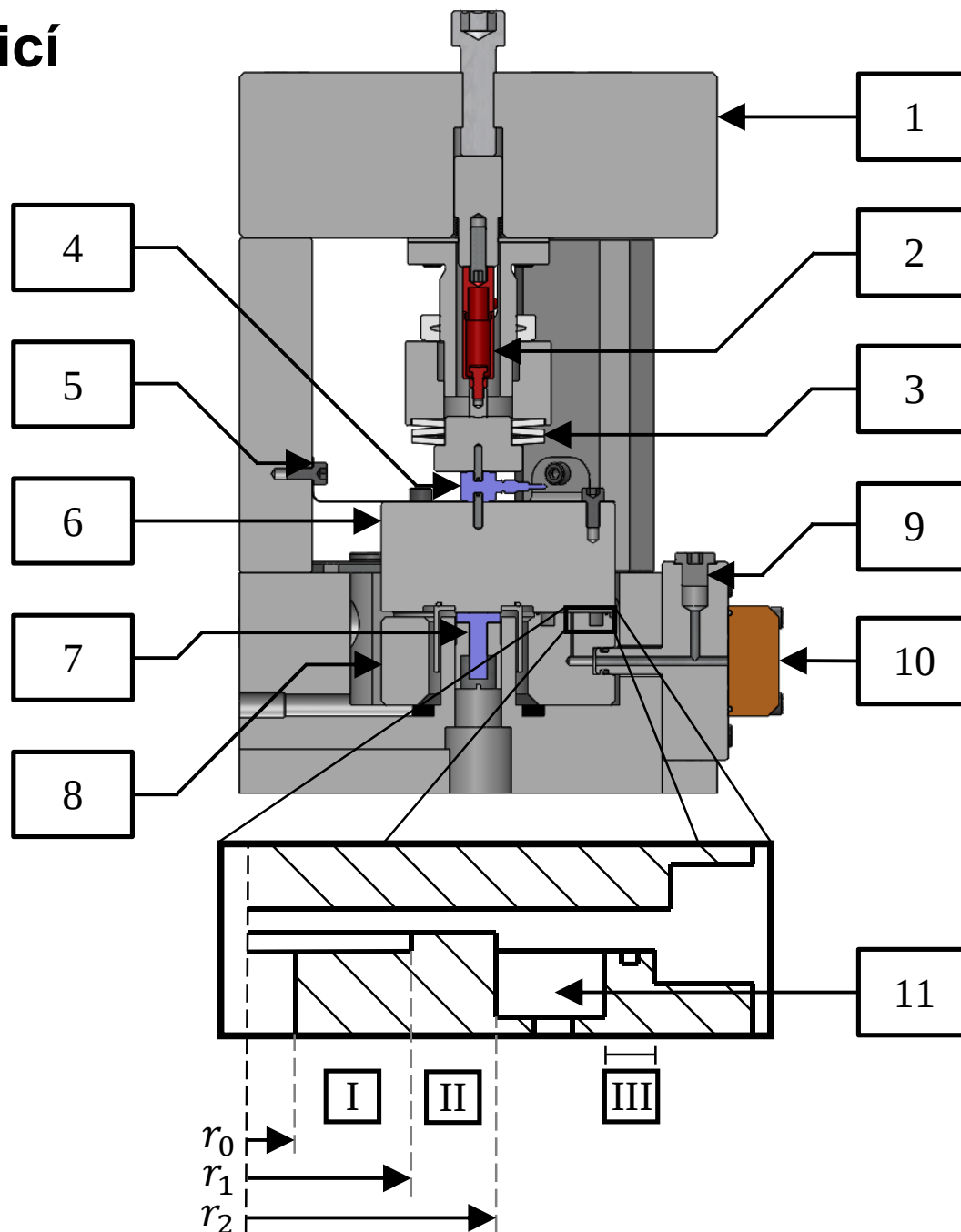
Snímač  
posuvu

Dutina

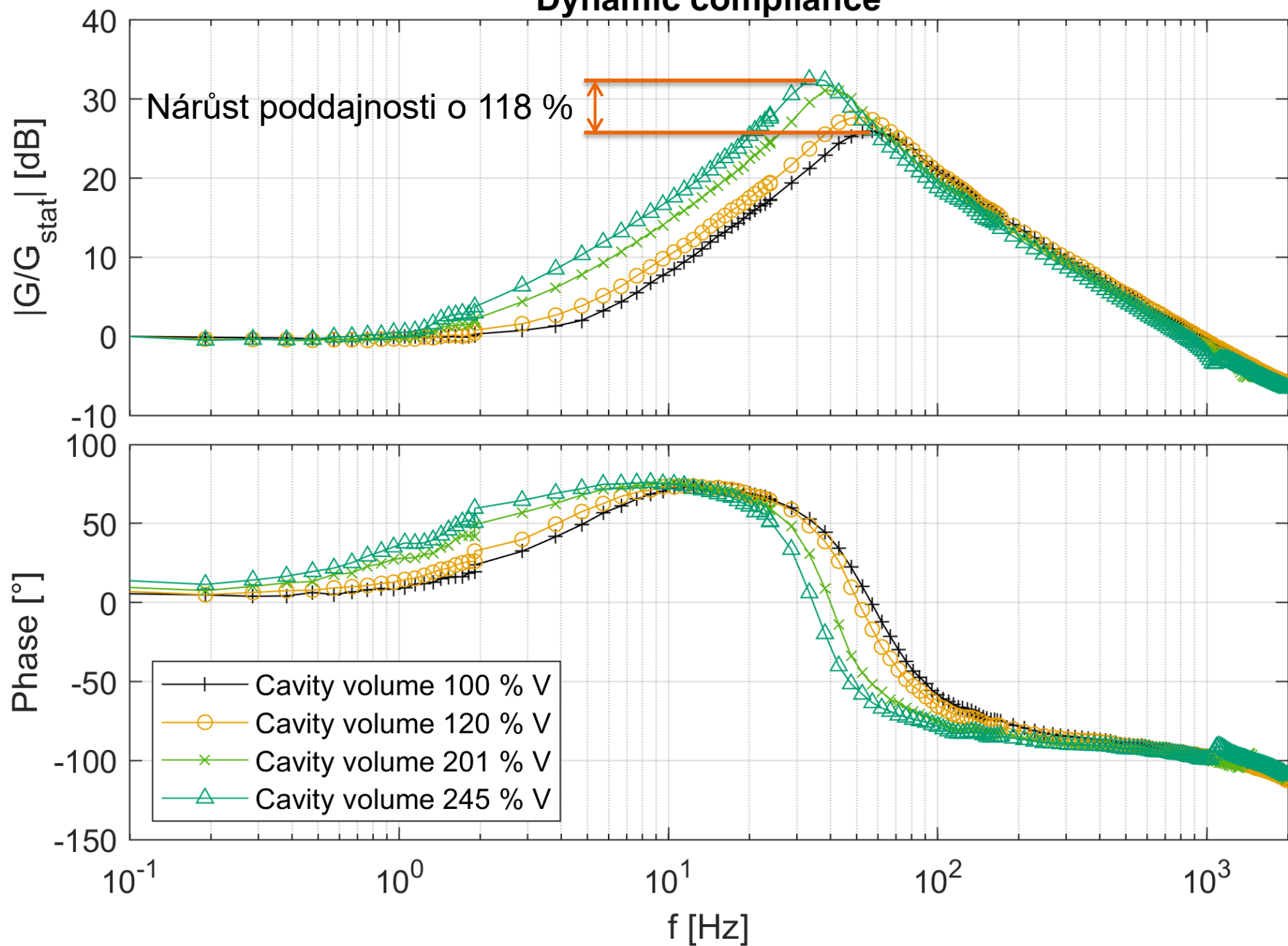
Lem

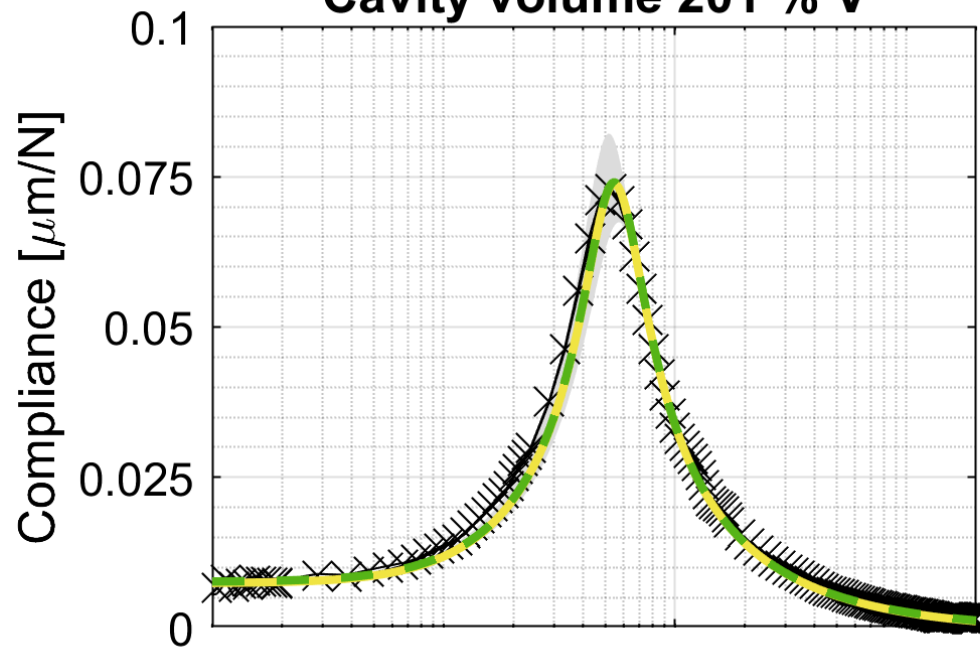
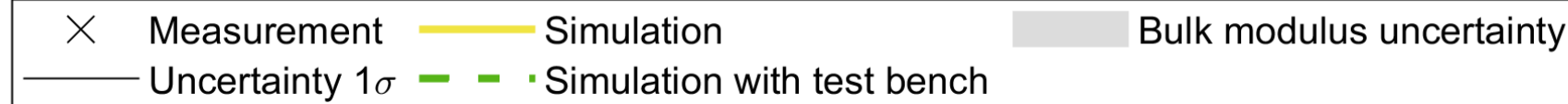
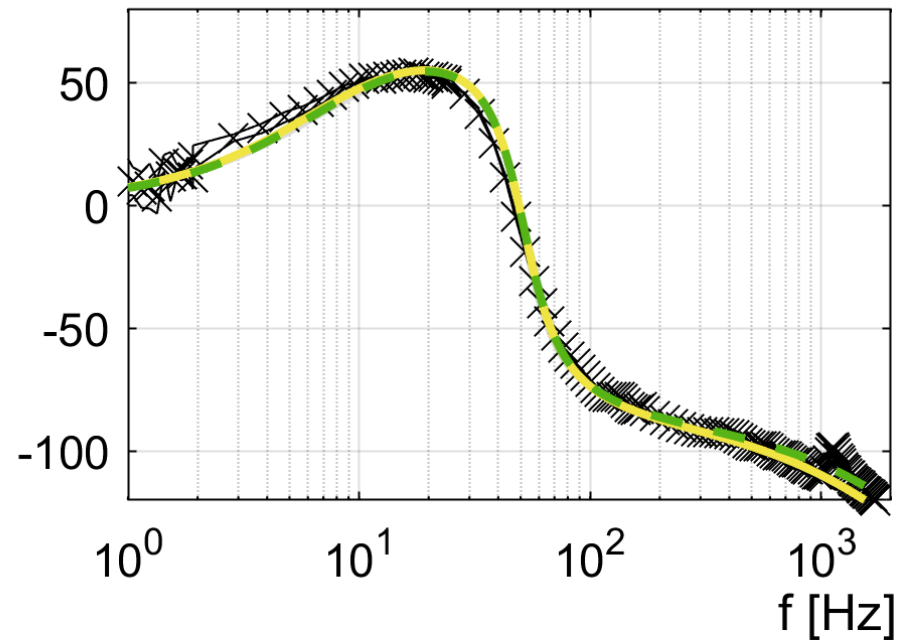
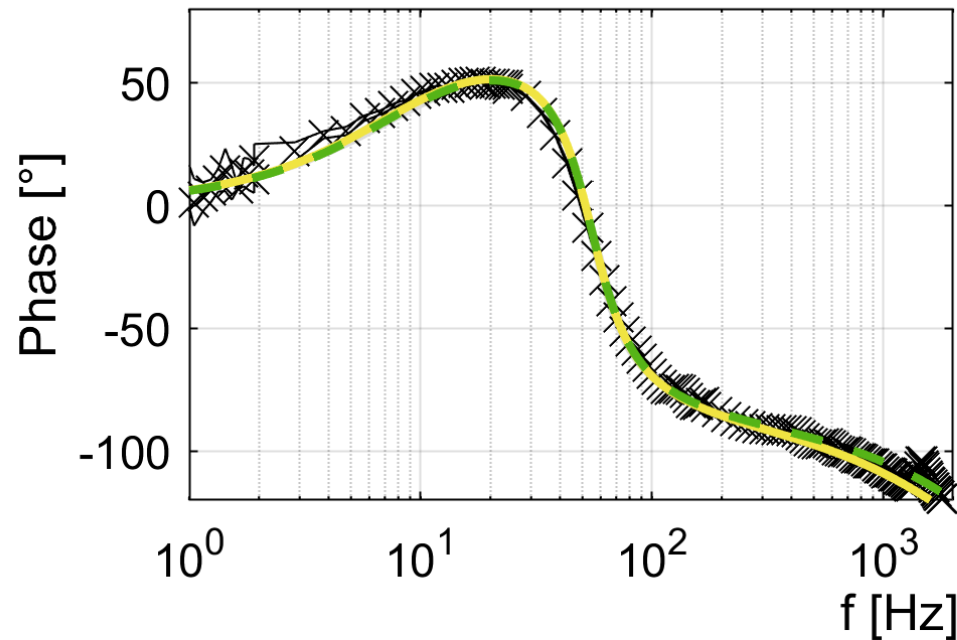
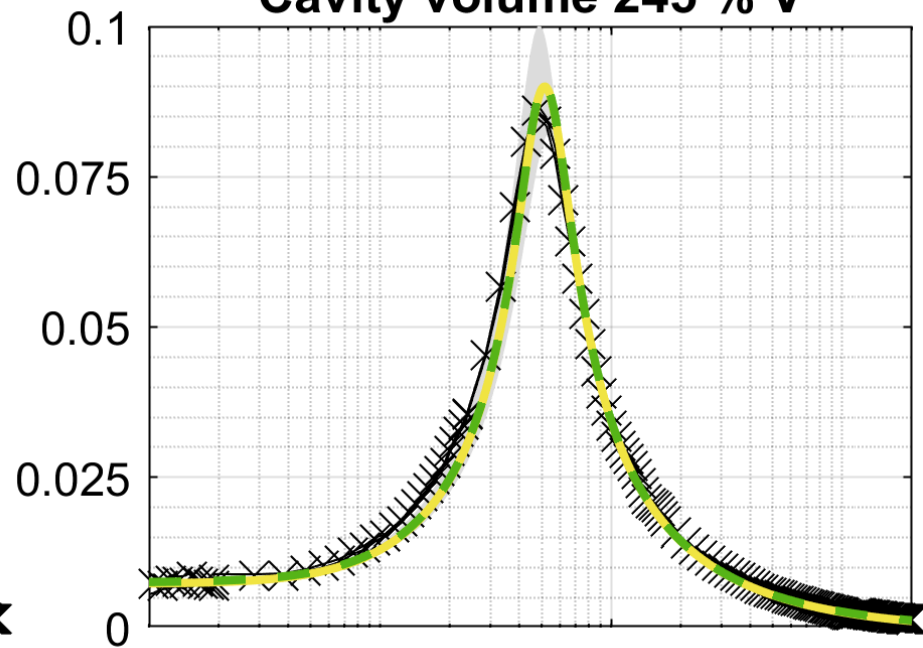
# Řez testovací stolicí

1. Ocelový rám
2. Piezoelektrický aktuátor
3. Talířové pružiny
4. Snímač síly
5. Lamela
6. Pohyblivá hmota
7. Kapacitní snímač síly
8. Modul s kapsami
9. Port pro měření tlaku
10. Regulátor průtoku
11. Odtok



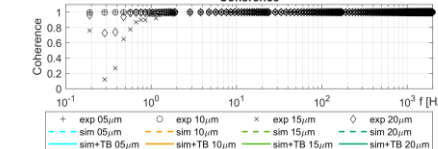
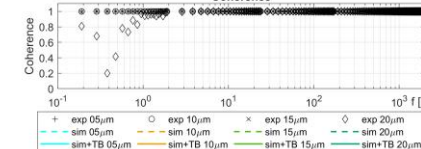
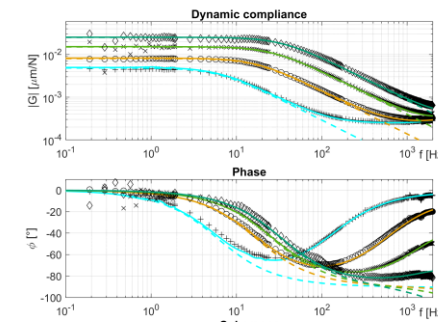
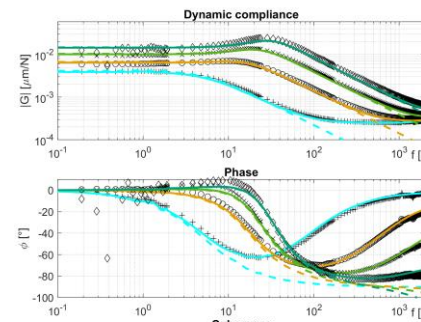
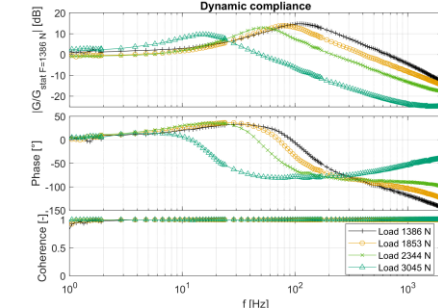
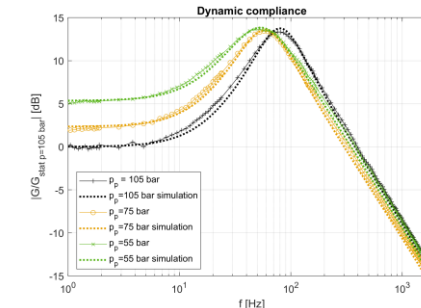
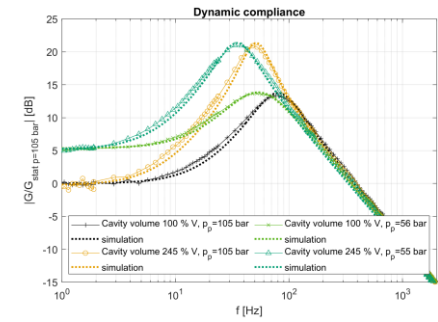
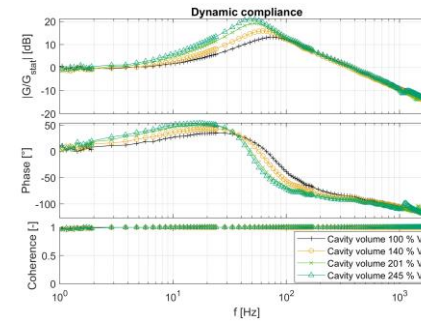
## Dynamic compliance



**Cavity volume 201 % V****Cavity volume 245 % V**

# Validace modelů měření

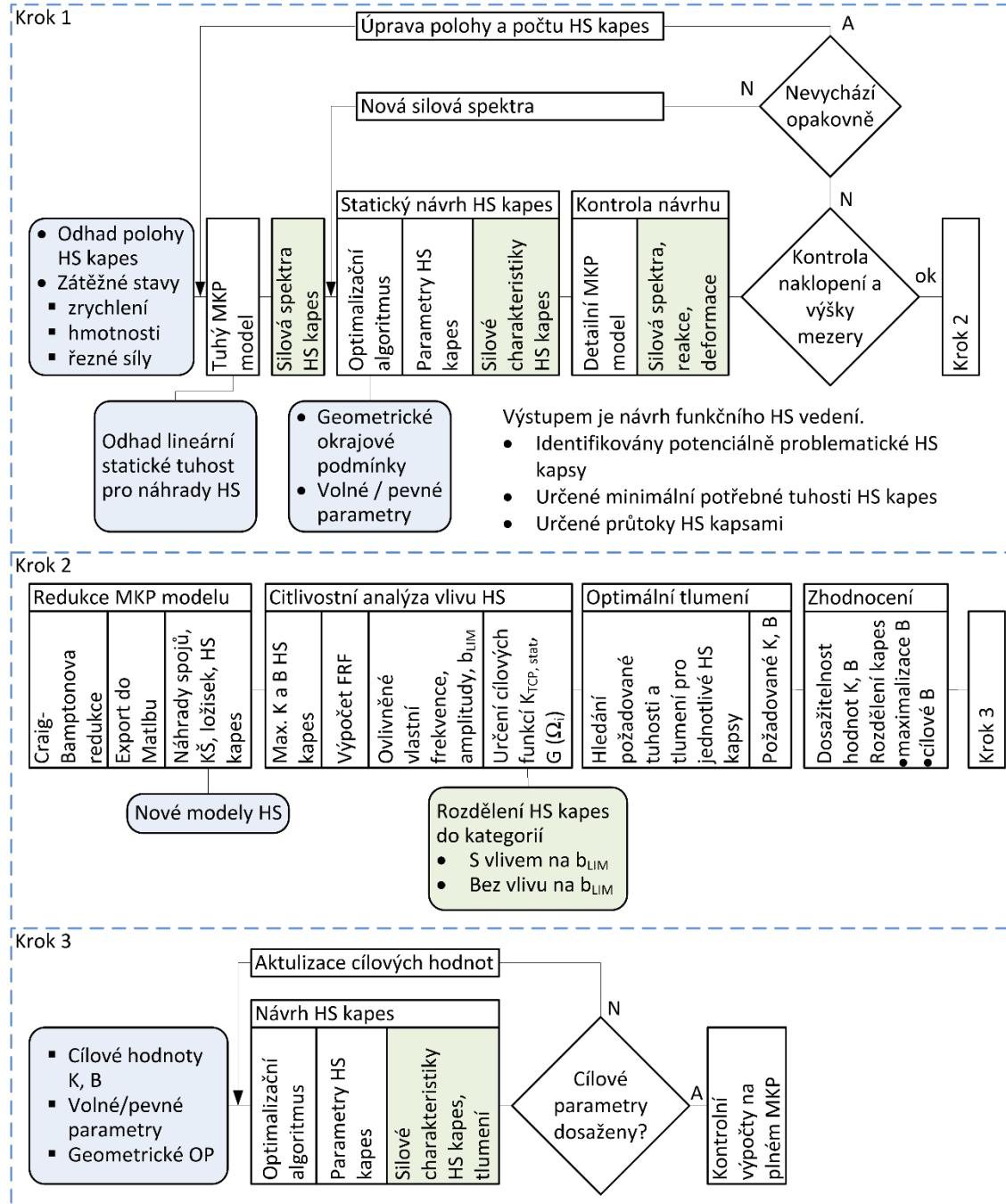
- Proběhlo velké množství měření pro validaci nových modelů
  - HS kapsa s kapilárním regulátorem
  - HS kapsa s progresivním regulátorem
  - HS kapsa s mělkou dutinou
  - HS kapsa s mělkou dutinou a kapilárou
- Široký rozsah provozních podmínek
  - Objem dutiny kapsy
  - Zatížení
  - Tlak na čerpadle
  - Teplota oleje
- **Chyba** určení vlastní frekvence a dynamické poddajnosti **průměrně 4 %**



# Optimalizace

Postup optimalizace HS vedení na obráběcím stroji

1. Statický návrh HS
2. Nalezení optimální tuhosti a tlumení pro HS kapsy
3. Návrh rozměrů HS kapes



# Shrnutí

- **HS kapsu** lze modelovat jako **paralelně řazenou pružinu a tlumič**, které jsou frekvenčně závislé
- **Cílem** při návrhu HS vedení **není maximalizace tuhosti a tlumení**, ale hledání **optimální tuhosti a tlumení**.

## Přínosy použití optimálního návrhu HS vedení:

- **Zvýšení produktivity** obráběcího stroje
  - Snížením dynamické poddajnosti se zvýší limitní tloušťka třísky. Tím bude možné přenést vyšší výkon do řezu a zvýšit produktivitu obrábění.
- **Posouzení**, zda má význam **použít HS vedení**.
  - Ve fázi návrhu stroje posoudit, zda má význam použít HS vedení.
  - Porovnání dynamické poddajnosti stroje s valivým a HS vedením.
- **Optimální využití HS vedení**
  - HS vedení je nákladná skupina stroje. Pokud se rozhodnu použít HS vedení, je vhodné ho využít naplno (docílit minimální statickou a dynamickou poddajnost na nástroji a minimální nákladů)

**Děkuji za pozornost**